

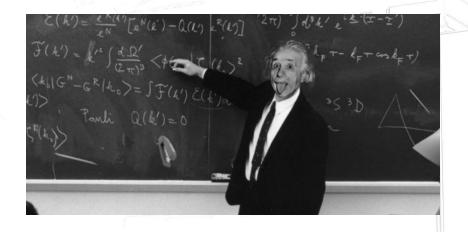


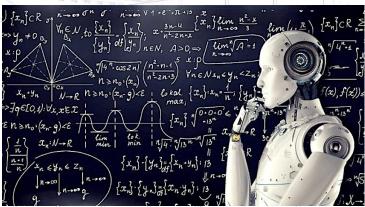


L'intelligence artificielle : un nouvel outil pour la physique ?

Hubert Baty - Observatoire astronomique de Strasbourg

hubert.baty@unistra.fr



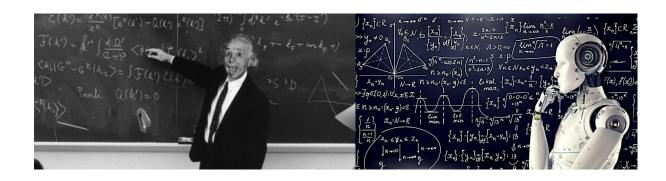


Plan général des cours





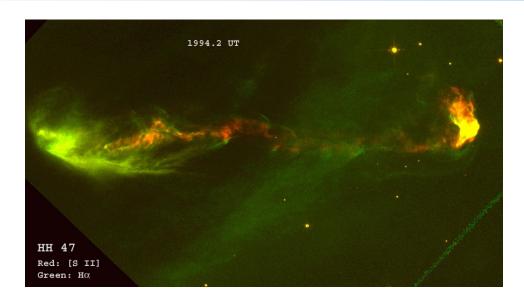
- I. Introduction aux méthodes numériques classiques pour résoudre les lois de la physique
- II. C'est quoi l'intelligence artificielle (IA)? Exemples
- III. Utilisation de l'IA (réseaux de neurones) pour résoudre les lois de la physique



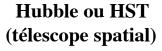


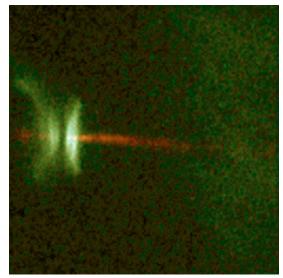






Observations par <u>Hubble</u> de jet issu d'une étoile en formation





Credit:C. Burrows NASA

https://www.cs.mcgill.ca/~rwest/wikispeedia/wpcd/images/46/4631.gif.htm

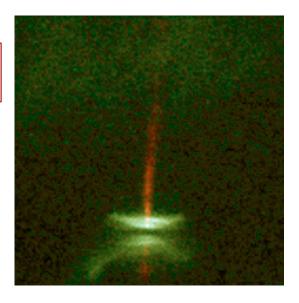
Jets de matière émise depuis un disque de matière autour d'une étoile jeune (Observations HST)

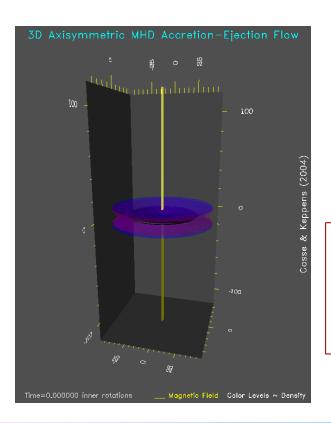






Observations par <u>Hubble</u> de jets issus d'une étoile en formation





https://apc.u-paris.fr/~fcasse/Simu.html

<u>Simulations numériques</u> de jets astrophysiques

-> exemple de solution numérique (plusieurs semaines de calcul sur 'super-calculateurs')

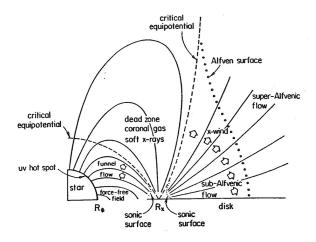






Observations par <u>Hubble</u> de jets issus d'une étoile en formation

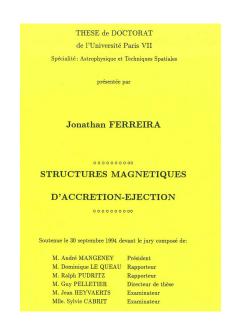
Il faut résoudre des équations représentant des lois

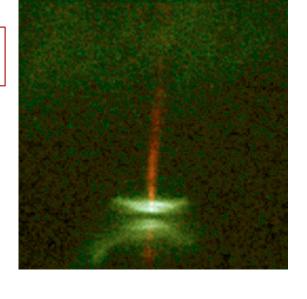


$$\nabla . \mathbf{T} = \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left(r^2 \mathbf{T}_{r\phi} \right) \mathbf{e}_{\phi} = \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \eta_v r^3 \frac{\partial \Omega}{\partial r} \mathbf{e}_{\phi}$$

andis que le terme de chauffage visqueux s'écrit

$$(\mathbf{T}.\nabla)\mathbf{u} = \eta_v \left(r \frac{\partial \Omega}{\partial r}\right)^2$$





Avant l'ère du numérique

Calculs analytiques de solutions de jets astrophysiques

- des années de calcul avec un crayon et du papier !





- 1. Exemples de lois fondamentales (ou pas) en physique
- 2. Notions de solution analytique et numérique
- 3. Un exemple de schéma numérique simple et ses limitations
- 4. Illustrations de simulations numériques en astrophysique

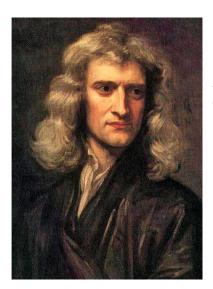


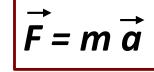


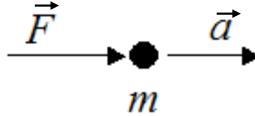


Le principe fondamental de la dynamique (PFD)

- Aussi appelée <u>seconde loi de Newton</u> (à ne pas confondre avec la loi de la Gravitation universelle ...)







Isaac Newton (1687)

F est la force, a est l'accélération, et m la masse

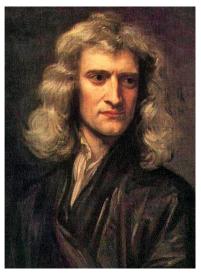
Comment est utilisée cette loi?

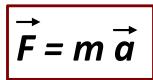


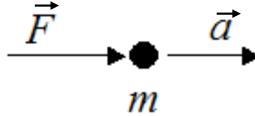


Le principe fondamental de la dynamique (PFD)

- Aussi appelée <u>seconde loi de Newton</u> (à ne pas confondre avec la loi de la Gravitation universelle ...)







Isaac Newton (1687)

F est la force, a est l'accélération, et m la masse

- Il peut y avoir plusieurs forces (il faut alors prendre la somme)
- -> 1. La loi permet de déduire l'accélération, puis la vitesse et enfin la trajectoire, à partir de la force si elle est connue (avec m)
- <u>Unités</u>: trajectoire -> distance (m)
 - -> vitesse (m/s), accélération (m/s/s)





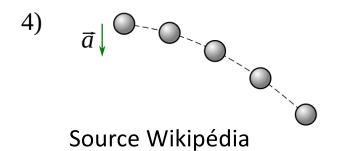


Le principe fondamental de la dynamique (PFD)

- Liens entre accélération a, vitesse v et trajectoire r

$$2) \quad \stackrel{\vec{a}}{\longrightarrow} \bigcirc --\bigcirc ---\bigcirc ---\bigcirc$$

3)
$$\stackrel{\vec{a}}{\leftarrow}$$
 \bigcirc -- \bigcirc - \bigcirc - \bigcirc



Accélération -> variation de la vitesse

- -> en norme (2 et 3)
- -> en direction (4)





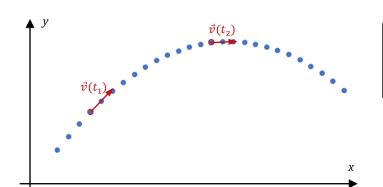


Le principe fondamental de la dynamique (PFD)

- Liens entre accélération a, vitesse v et trajectoire r

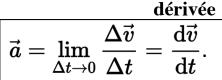
- t: temps

Source Wikipédia



Accélération -> variation de la vitesse

- -> en norme (2 et 3)
- -> en direction (4)



$$ec{a} = rac{\mathrm{d}^2ec{r}}{\mathrm{d}t^2}.$$

Intégrations a => v => r

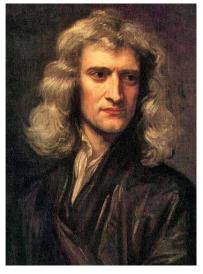


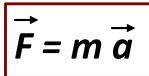


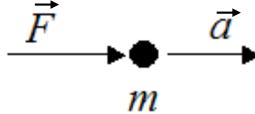


Le principe fondamental de la dynamique (PFD)

- Aussi appelée <u>seconde loi de Newton</u> (à ne pas confondre avec la loi de la Gravitation universelle ...)







Isaac Newton (1687)

F est la force, a est l'accélération, et m la masse

- Il peut y avoir plusieurs forces (il faut alors prendre la somme)
- -> 2. La loi permet aussi de déduire la force (inconnue) à partir de l'accélération si on connaît la masse
- -> 3. La loi permet aussi de déduire la masse à partir de l'accélération si on connaît la force

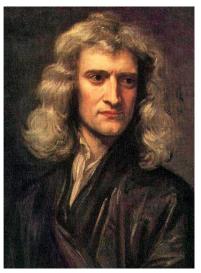


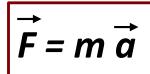


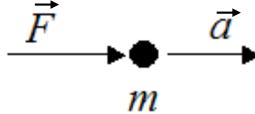


Le principe fondamental de la dynamique (PFD)

- Aussi appelée <u>seconde loi de Newton</u> (à ne pas confondre avec la loi de la Gravitation universelle ...)







Isaac Newton (1687)

F est la force, a est l'accélération, et m la masse

- Remarque : cette loi avait été obtenue par Galilée (plusieurs années plus tôt) dans le cas particulier où la <u>force est nulle</u>
- => Trajectoire = repos, ou alors ligne droite à vitesse constante!







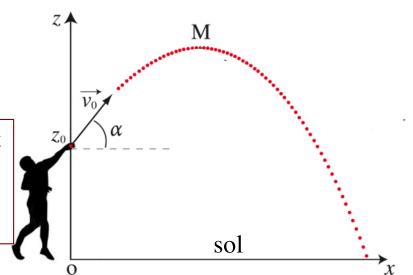
Le principe fondamental de la dynamique (PFD)

- Aussi appelée <u>seconde loi de Newton</u> (à ne pas confondre avec la loi de la Gravitation universelle ...)

-> <u>Appliquée à un projectile</u> : à partir de la force ? (frottements négligés)

Conditions initiales

- Vitesse initiale V_0 et un angle initial α
- Hauteur initiale z_0





M

sol

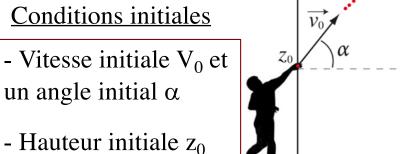


Le principe fondamental de la dynamique (PFD)

- Aussi appelée <u>seconde loi de Newton</u> (à ne pas confondre avec la loi de la Gravitation universelle ...)

-> <u>Appliquée à un projectile</u> : la force est le poids ! (frottements négligés)

$$\overrightarrow{P} = m g$$



g -> champ de pesanteur terrestre obtenu d'après la loi de la gravitation (voir la suite)







Le principe fondamental de la dynamique (PFD)

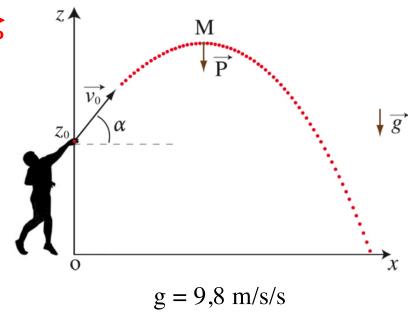
- Aussi appelée seconde loi de Newton (mais ne pas confondre avec la loi de la Gravitation universelle ...)
- -> Appliquée à un projectile : la force est le poids P

$$\overrightarrow{P} = m \overrightarrow{g}$$

donc RFD:
$$\overrightarrow{P} = \overrightarrow{ma} \implies \overrightarrow{a} = \overrightarrow{g}$$

-> La résolution de la RFD donne alors la solution (analytique ou numérique)

Trajectoire = parabole











Version romancée ...



Isaac Newton (1687)







La loi (fondamentale) de la gravitation universelle

- Force subie par une planète (initialement de Mars) à cause du Soleil

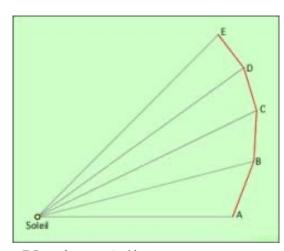


Version romancée ...



Isaac Newton (1687)

Observations de Tycho Brahé



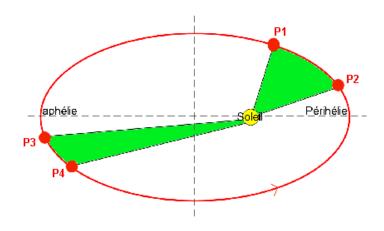
Version réaliste ... Décomposition du mouvement de Mars autour du Soleil







- Force subie par une planète (initialement de Mars) à cause du Soleil
- Cette force se traduit par les <u>lois empiriques (observationnelles) de Kepler</u>
- <u>Ellipses</u> (1^{ère} loi)



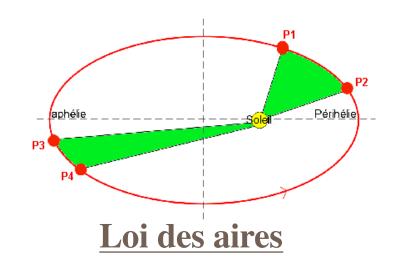






- Force subie par une planète (initialement de Mars) à cause du Soleil
- Cette force se traduit par les <u>lois empiriques (observationnelles) de Kepler</u>
- Ellipses (1^{ère} loi), <u>loi des aires</u> (2^{nde} loi)

Traduit la façon de décrire l'ellipse : La planète balaye des aires égales en des temps égaux

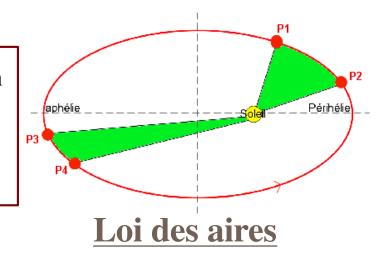








- Force subie par une planète (initialement de Mars) à cause du Soleil
- Cette force se traduit par <u>les lois empiriques de Kepler</u>
- Ellipses (1^{ère} loi), <u>loi des aires</u> (2^{nde} loi)
- Newton déduit l'expression de la force de façon à être en accord avec les lois (observationnelles de Kepler) et en utilisant le PFD
 - -> Par exemple cette <u>loi est attractive</u>!



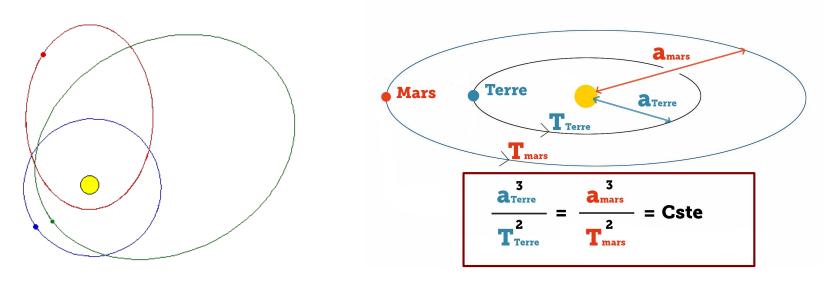






La loi (fondamentale) de la gravitation universelle

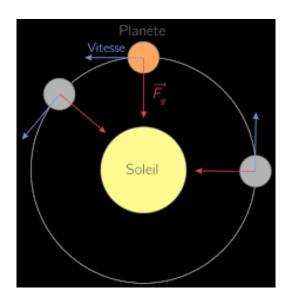
- Force subie par une planète (initialement de Mars) à cause du Soleil
- Cette force se traduit par les <u>lois observationnelles de Kepler</u>
- Ellipses (1^{ère} loi), loi des aires (2^{nde} loi), 3^{ème} loi

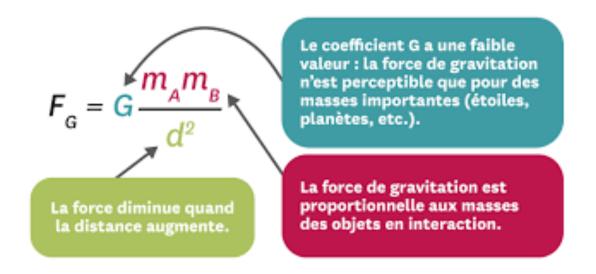






- Force subie par une planète (initialement de Mars) à cause du Soleil





Cette loi est ensuite généralisée à tout corps ayant une masse

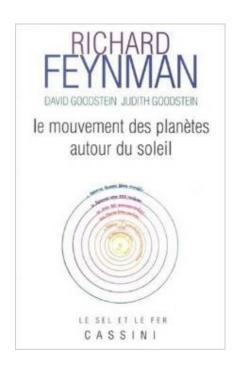






La loi (fondamentale) de la gravitation universelle

- Force subie par une planète (initialement de Mars) à cause du Soleil



à partir d'un cours perdu puis retrouvé de R. Feynman (prix Nobel de physique 1965 et fabuleux pédagogue)



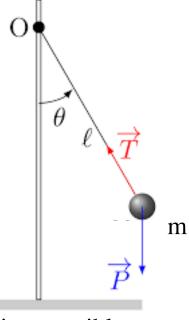
1918-1988





Le principe fondamental de la dynamique (PFD)

- Aussi appelée seconde loi de Newton (à ne pas confondre avec la loi de la Gravitation universelle ...)
- -> Appliquée au pendule : les forces sont la tension du fil et le poids ! (frottements négligés)



Fil inextensible





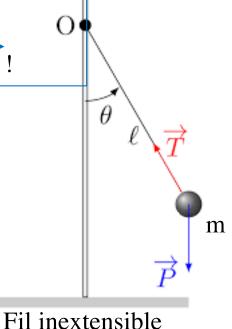


Le principe fondamental de la dynamique (PFD)

- Aussi appelée <u>seconde loi de Newton</u> (à ne pas confondre avec la loi de la Gravitation universelle ...)
- -> Appliquée au pendule : la force est $\overline{\mathbf{T}}$ (tension du fil) mais aussi $\overline{\mathbf{P}}$!

$$\overrightarrow{mg} + \overrightarrow{T} = \overrightarrow{ma}$$

-> La résolution de la RFD donne alors la solution (analytique ou numérique)









Le principe fondamental de la dynamique (PFD)

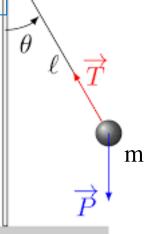
- Aussi appelée <u>seconde loi de Newton</u> (à ne pas confondre avec la loi de la Gravitation universelle ...)
- -> Appliquée au pendule : la force est \overrightarrow{T} (tension du fil) mais aussi \overrightarrow{P} !

$$\overrightarrow{mg} + \overrightarrow{T} = \overrightarrow{ma}$$

Amplitude θ (t) qui varie de façon périodique

-> La résolution de la RFD donne alors la solution (analytique ou numérique)

Trajectoire = cercle





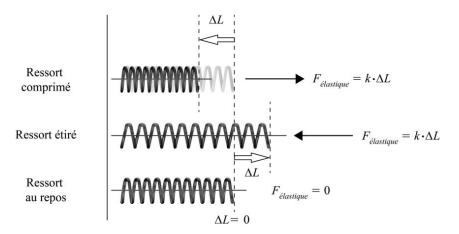




Exemple de loi non fondamentale -> oscillation d'un ressort

Force de rappel d'un <u>ressort (dit aussi oscillateur)</u>

Force = k. élongation



k: constante de raideur du ressort







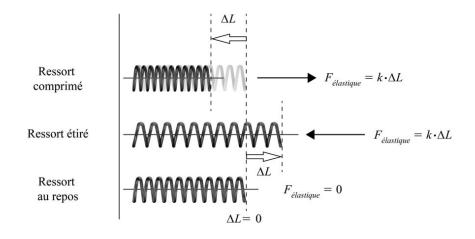
Exemple de loi non fondamentale -> oscillation d'un ressort

- Force de rappel d'un <u>ressort (dit aussi oscillateur)</u>

Force = k . élongation

-> La résolution du PFD donne alors la solution (analytique ou numérique)

<u>Trajectoire = droite avec une amplitude</u> <u>qui oscille périodiquement au cours du temps</u>



k: constante de raideur du ressort

Plan du premier cours





- 1. Exemples de lois fondamentales (ou pas) en physique
- 2. Notions de solution analytique et numérique
- 3. Un exemple de schéma numérique simple et ses limitations
- 4. Illustration de simulations numériques en astrophysique







C'est quoi une solution analytique?

- Cas du <u>projectile</u>: parabole! (frottements négligés)

->
$$z(x) = A x^2 + B x + C$$

A, B, C déterminées par les conditions initiales Obtenu en résolvant le PFD avec la **force = poids**

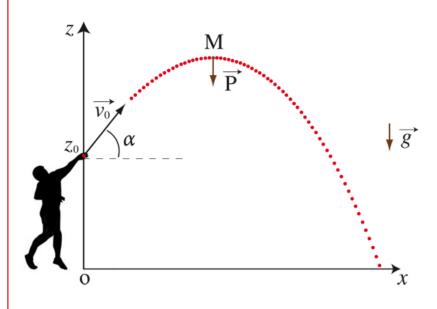
$$A = -\frac{1}{2} g/(v_0 \cos \alpha)^2$$

$$B = \tan \alpha$$

$$C = z_0$$

Rappel: droite \rightarrow z = A x + B

Formule analytique simple









C'est quoi une solution analytique?

- Cas du <u>projectile</u> : parabole!

(frottements négligés)

->
$$z(x) = A x^2 + B x + C$$

A, B, C déterminées par les conditions initiales

Obtenu en résolvant le PFD avec la **force = poids**

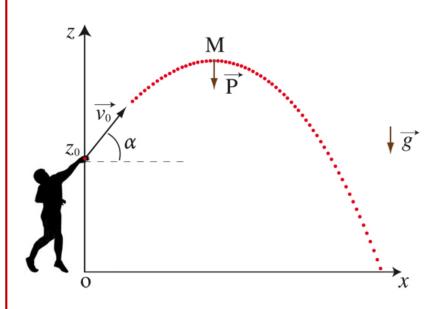
$$z(t) = -1/2 g t^2 + V_0 (\sin \alpha) t + z_0$$

$$x(t) = V_0 (\cos \alpha) t$$

t: temps

Rappel: droite -> z = A x + B

Formule analytique simple









C'est quoi une solution analytique?

- Cas du projectile : parabole!

(frottements négligés)

->
$$z(x) = A x^2 + B x + C$$

A, B, C déterminées par les conditions initiales

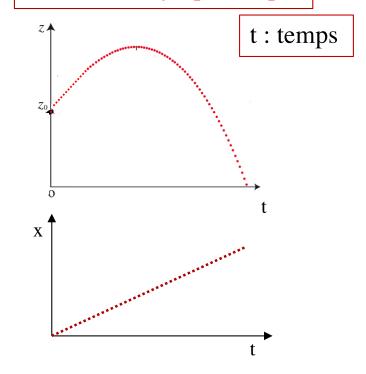
Obtenu en résolvant le PFD avec la **force = poids**

$$z(t) = -1/2 g t^2 + V_0 (\sin \alpha) t + z_0$$

$$x(t) = V_0 (\cos \alpha) t$$

Rappel: droite \rightarrow z = A x + B

Formule analytique simple



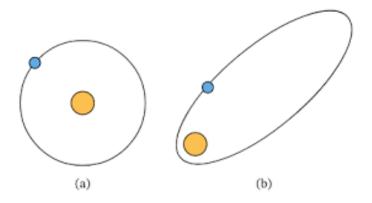


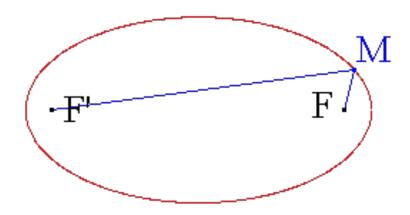




C'est quoi une solution analytique?

- Cas du mouvement des <u>planètes</u> : cercle, ellipse, hyperbole
- -> Formules analytiques existent ...





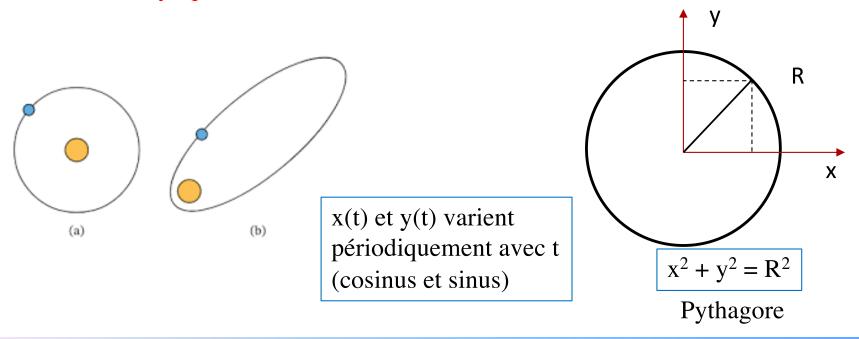






C'est quoi une solution analytique?

- Cas du mouvement des <u>planètes</u> : cercle, ellipse, hyperbole
- -> Formules analytiques existent ...



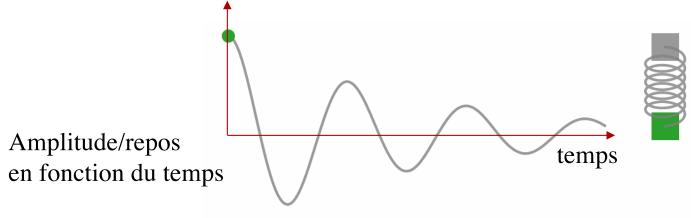






C'est quoi une solution analytique?

- Cas de <u>l'oscillateur amorti</u> : trajectoire est une droite mais mouvement oscillant !
- -> Formules analytiques existent ... avec des cosinus et sinus pour l'amplitude !



cas avec frottements

Masse suspendue

https://benmoseley.blog/wp-content/uploads/2021/08/oscillator.gif

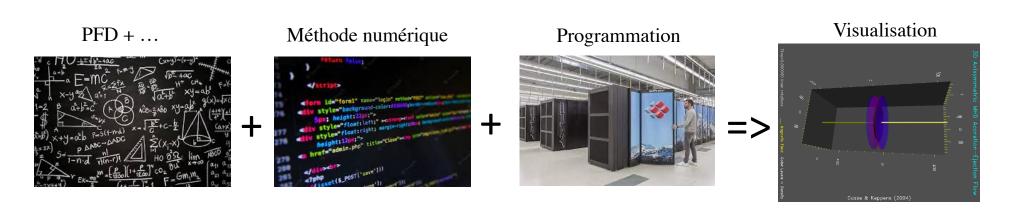






C'est quoi une solution numérique?

- En absence de formules analytiques => construire la <u>trajectoire</u> quand même ! à partir de la force et de la RFD
- On choisit de l'approximer à différents instants bien choisis
- On déduit en même temps la <u>façon de la décrire</u> (vitesses aux différents instants)
- On part de la connaissance des conditions initiales



2. Notions de solution analytique/numérique





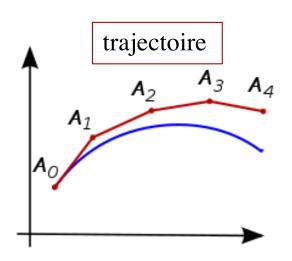


C'est quoi une solution numérique?

- En absence de formules analytiques => construire la <u>trajectoire</u> quand même ! à partir de la force et de la RFD
- On choisit de l'approximer à <u>différents instants</u> bien choisis
- On déduit en même temps la façon de la décrire : vitesse aux différents instants
- On part de la connaissance des <u>conditions initiales</u> (CI)

Cas d'un projectile

- Vraie trajectoire en bleu
- Trajectoire numérique en rouge (erreur exagérée)
- La vitesse sera constante entre les points (lignes droites)



Plan du premier cours





- 1. Exemples de lois fondamentales (ou pas) en physique
- 2. Notions de solution analytique et numérique
- 3. Un exemple de schéma numérique simple et ses limitations
- 4. Illustration de simulations numériques en astrophysique

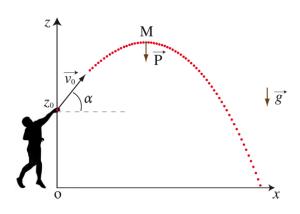






Le schéma d'Euler (méthode la plus simple et la moins précise)

- Exemple du projectile!
- Principe: les opérations mathématiques complexes sont remplacées par des <u>opérations élémentaires</u>
 - -> additions, soustractions ...
- On construit ainsi point par point la trajectoire depuis les CI
- Le grand nombre d'opérations (point fort de l'ordinateur) va compenser la simplicité
- \Rightarrow On définit un <u>pas de temps</u> entre les points : Δt



3. Exemple de schéma numérique simple





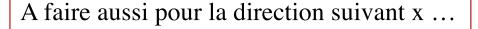


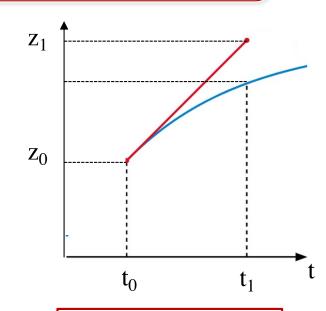
Le schéma d'Euler (méthode la plus simple et la moins précise)

- Exemple du projectile!
- On remplace <u>l'intégration mathématique</u> (obtenir la vitesse puis la trajectoire à différents instants par une <u>extrapolation linéaire</u>)

Par exemple, la position z_1 est obtenue en 'visant' avec la vitesse en z_0 et ainsi de suite ... (même chose pour x)

il faut que le pas de temps $\Delta t = t_1 - t_0$ soit très petit pour une précision maximale





$$z_1 = z_0 + (t_1-t_0) v_0$$

 $v_1 = v_0 + (t_1-t_0) F/m$

Puis
$$z_2, v_2, \dots$$

3. Exemple de schéma numérique simple

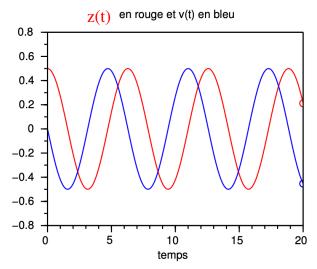




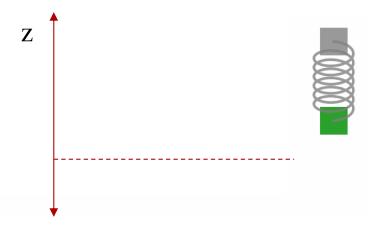


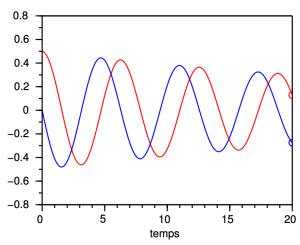
Le schéma d'Euler: ses limitations

- Exemple du ressort sans et avec frottements ! et conditions initiales : $z_0 = 0.5$, $V_0 = 0$



Solution théorique sans frottements





Solution théorique avec frottements

3. Exemple de schéma numérique simple







Le schéma d'Euler: ses limitations

- Exemple du ressort sans frottements! et conditions initiales : $z_0 = 0.5$, $V_0 = 0$

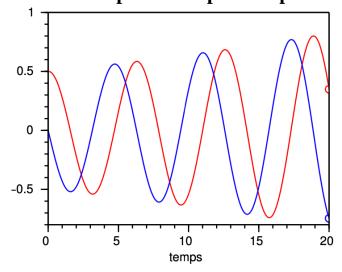
Amplitude augmente!

- ⇒ Méthode numérique amplifie la solution !
- ⇒ <u>le schéma d'Euler est instable</u>

⇒ Il existe de biens meilleurs schémas mais pas de schéma parfait (il y a toujours une imprécision)!



solution numérique <u>sans frottements</u> avec un pas de temps assez petit



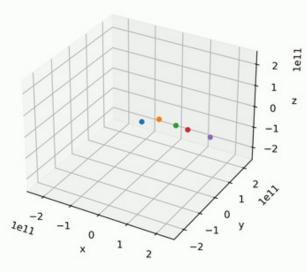






Le problème à N corps en interaction gravitationnelle

- Système planétaire (la méthode numérique utilisée est stable contrairement au schéma d'Euler)
- Il faut construire point par point les trajectoires de chaque planète (1 équation PFD par planète)
- 1. Sous l'effet de la force de gravitation du Soleil
- 2. Sous l'effet des forces de gravitation des autres planètes



Merci wikipédia

https://fr.wikipedia.org/wiki/Simulation d%27un système à N corps#/media/Fichier:Simulated trajectories of four rocky planets with dt 86400.gif





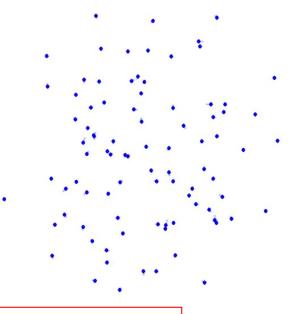


Le problème à N corps en interaction gravitationnelle

- Système amas d'étoiles (la méthode numérique utilisée est stable contrairement au schéma d'Euler)
- Il faut construire point par point les trajectoires de chaque corps (1 équation PFD par corps)

Sous l'effet des forces de gravitation des autres corps/étoiles

=> Limite évidente à cause du temps de calcul



https://medium.com/swlh/create-your-own-n-body-simulation-with-python-f417234885e9



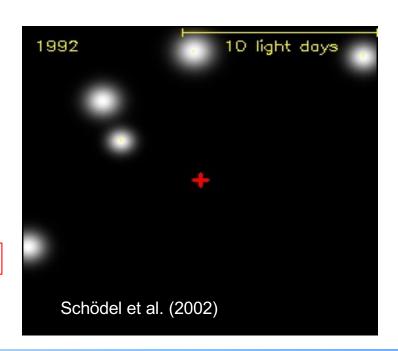




Le problème à N corps en interaction gravitationnelle

- Observations de trajectoires d'étoiles => déduire <u>la masse d'un objet au centre</u> de <u>notre Galaxie</u> (la voie lactée) de **3 millions de fois la masse du soleil** !
- + simulations numériques
- => Trou noir super-massif

https://webhome.weizmann.ac.il/home/tal/pp/pp.html







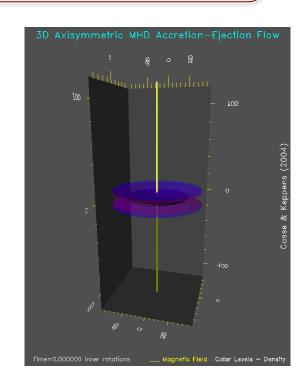


Problèmes de magnéto-hydrodynamique

Disque de matière (fluide)

- mouvement azimutal + radial
- jets dans un 'cylindre'
- + champ magnétique qui interagit avec le fluide

Equations de type PFD pour chaque 'parcelle' de fluide (avec interaction entre les parcelles)



https://apc.u-paris.fr/~fcasse/Simu.html







Problèmes de magnéto-hydrodynamique







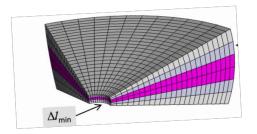


Problèmes de magnéto-hydrodynamique

- Disque de matière (fluide)
 - -> mouvement azimutal + radial
- jets dans un 'cylindre'

+ champ magnétique qui interagit avec le fluide

Disque



Equations de type PFD pour chaque 'parcelle' de fluide (avec interaction entre les parcelles)



- Conservation masse
- PFD masse
- PFD magnétique
- Conservation énergie





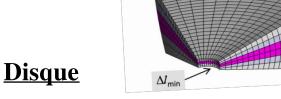


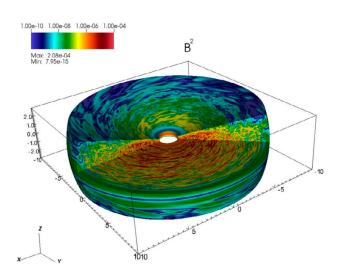
Problèmes de magnéto-hydrodynamique

- Disque de matière (fluide)
 - -> mouvement azimutal + radial
- jets dans un 'cylindre'
- + champ magnétique qui interagit avec le fluide

Equations de type PFD pour chaque 'parcelle' de fluide (avec interaction entre les parcelles)

Code de calcul

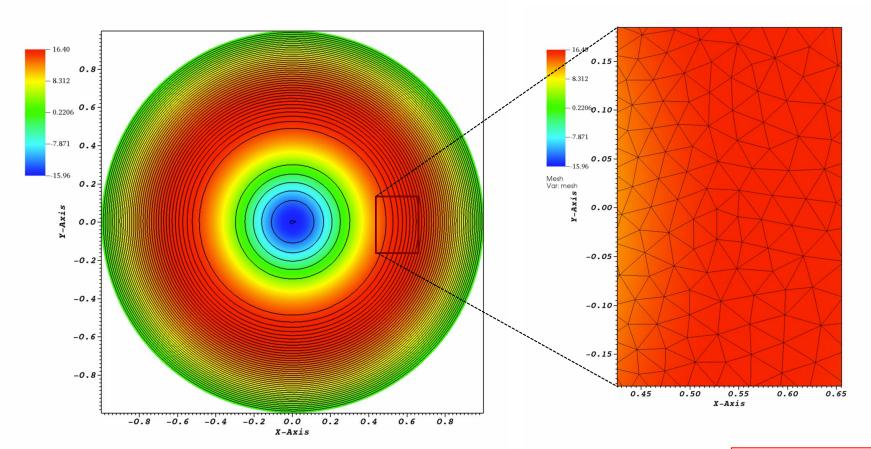












Lignes de champ magnétique + courant électrique (iso-valeurs)

Animations non disponibles

Exemple d'instabilités magnétiques dans un disque mince





Conclusions

On utilise un code de calcul dédié

- 1. Les simulations numériques classiques coutent cher en temps de calcul
- ⇒ Il faut un pas de temps petit (précision + stabilité)
- ⇒ Il faut un maillage spatial fin pour capturer les structures à petite échelle et qui s'adapte de façon dynamique si possible
- 2. Les données générées sont énormes en volume et complexes à visualiser
- 3. Un changement de conditions initiales => nouvelle simulation

Que peut apporter l'IA?

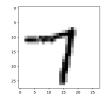




Un aperçu du prochain cours:

II. C'est quoi l'intelligence artificielle (IA)? Exemples

- 1. Histoire et origine de l'IA
- 2. Exemples d'utilisation de l'IA dans la vie courante
- 3. Exemples d'utilisation d'IA pour la reconnaissance d'écriture (chiffres)



?

-> Démo du fonctionnement d'un algorithme incluant l'apprentissage (réseau de neurones artificiels)